Conmutación de circuitos
Traffic Analysis

Area de Ingeniería Telemática
http://www.tlm.unavarra.es

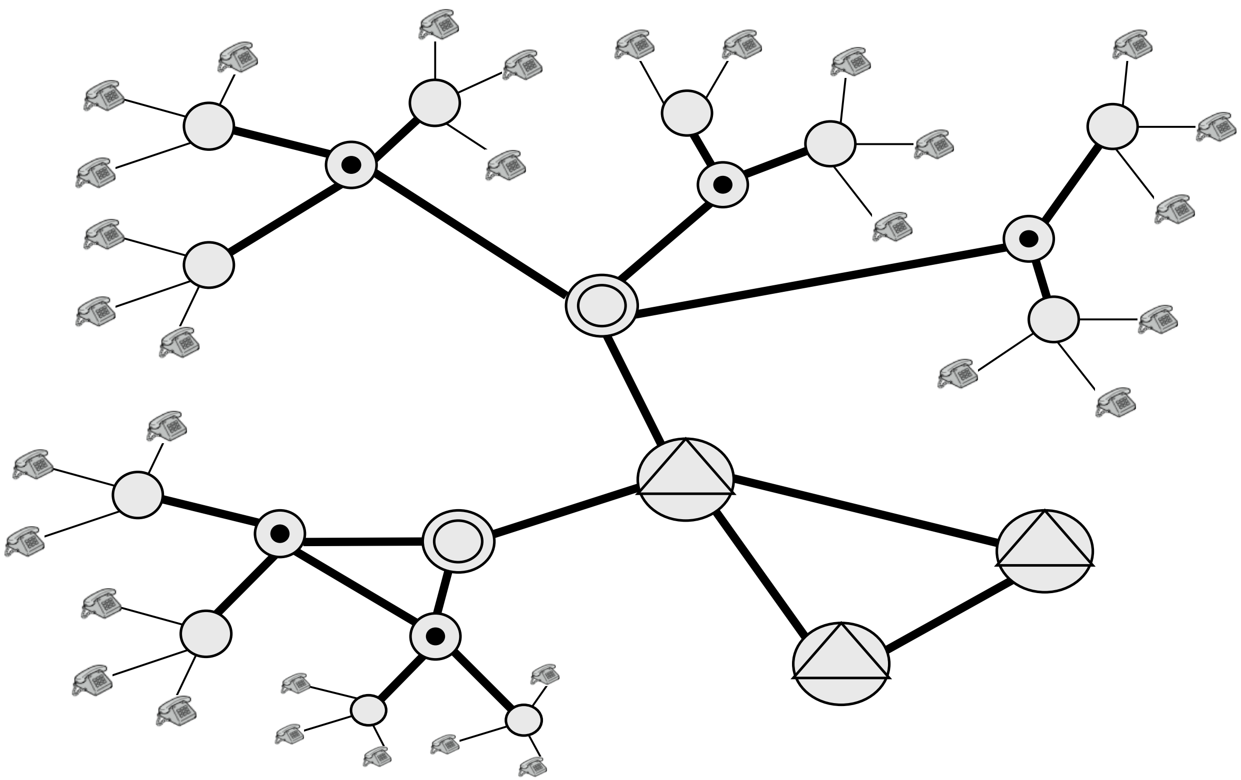
Arquitectura de Redes, Sistemas y Servicios
3º Ingeniería de Telecomunicación

Temario

- Introducción
- Arquitecturas, protocolos y estándares
- Conmutación de paquetes
- Conmutación de circuitos
  - Principios básicos
  - Conmutadores, redes de Clos, T, S, TST…
  - **Prestaciones**
- Tecnologías
- Control de acceso al medio en redes de área local
- Servicios de Internet

Hemos visto

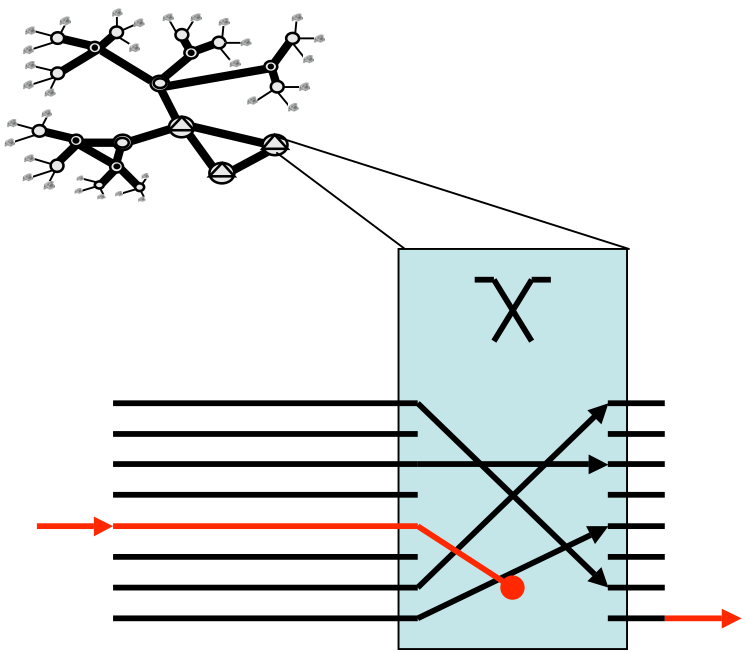
- Arquitectura de la red telefónica



Hemos visto

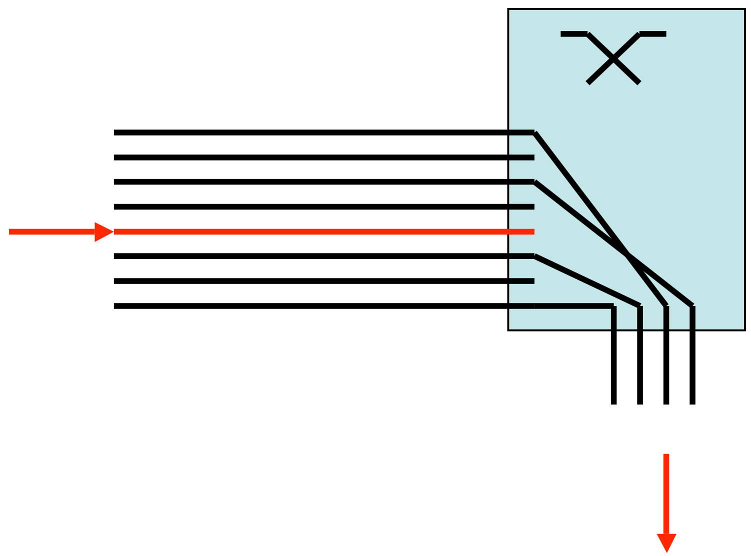
Bloqueo interno

- El conmutador no tiene recursos para hacer llegar un circuito de la entrada a la salida



Bloqueo externo

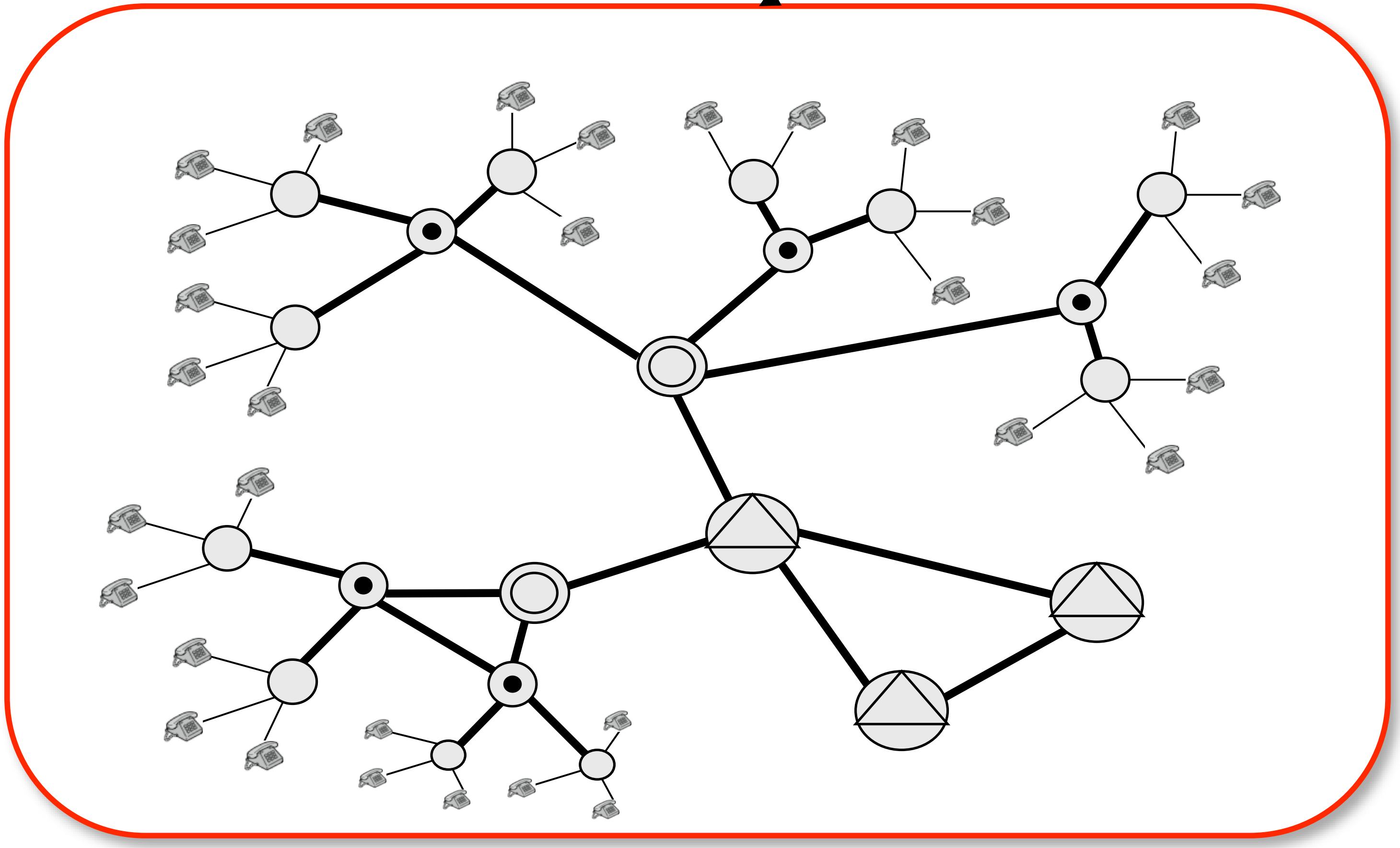
- El conmutador no tiene suficientes recursos de salida para cursar una nueva llamada



Objetivo: Diseño

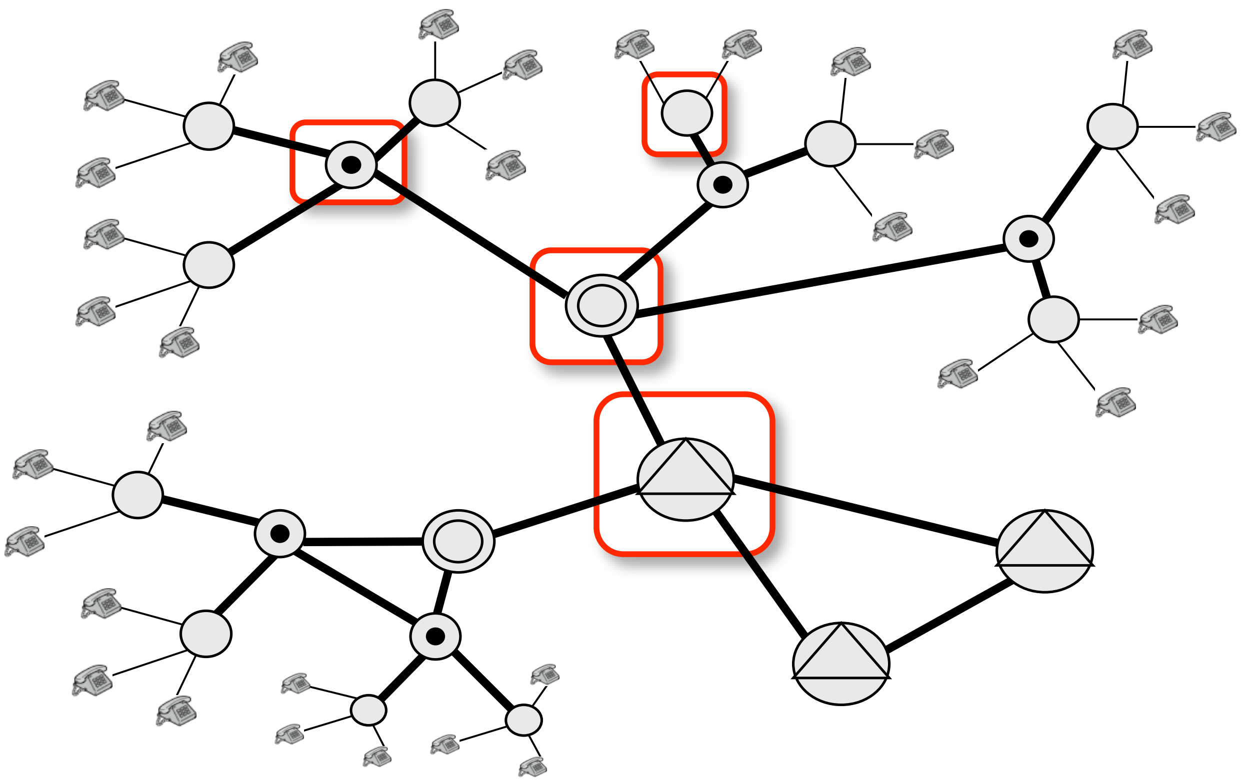
- Normalmente equipamiento asume que no todos los usuarios requerirán servicio al mismo tiempo

- Diseñar la red (topología)



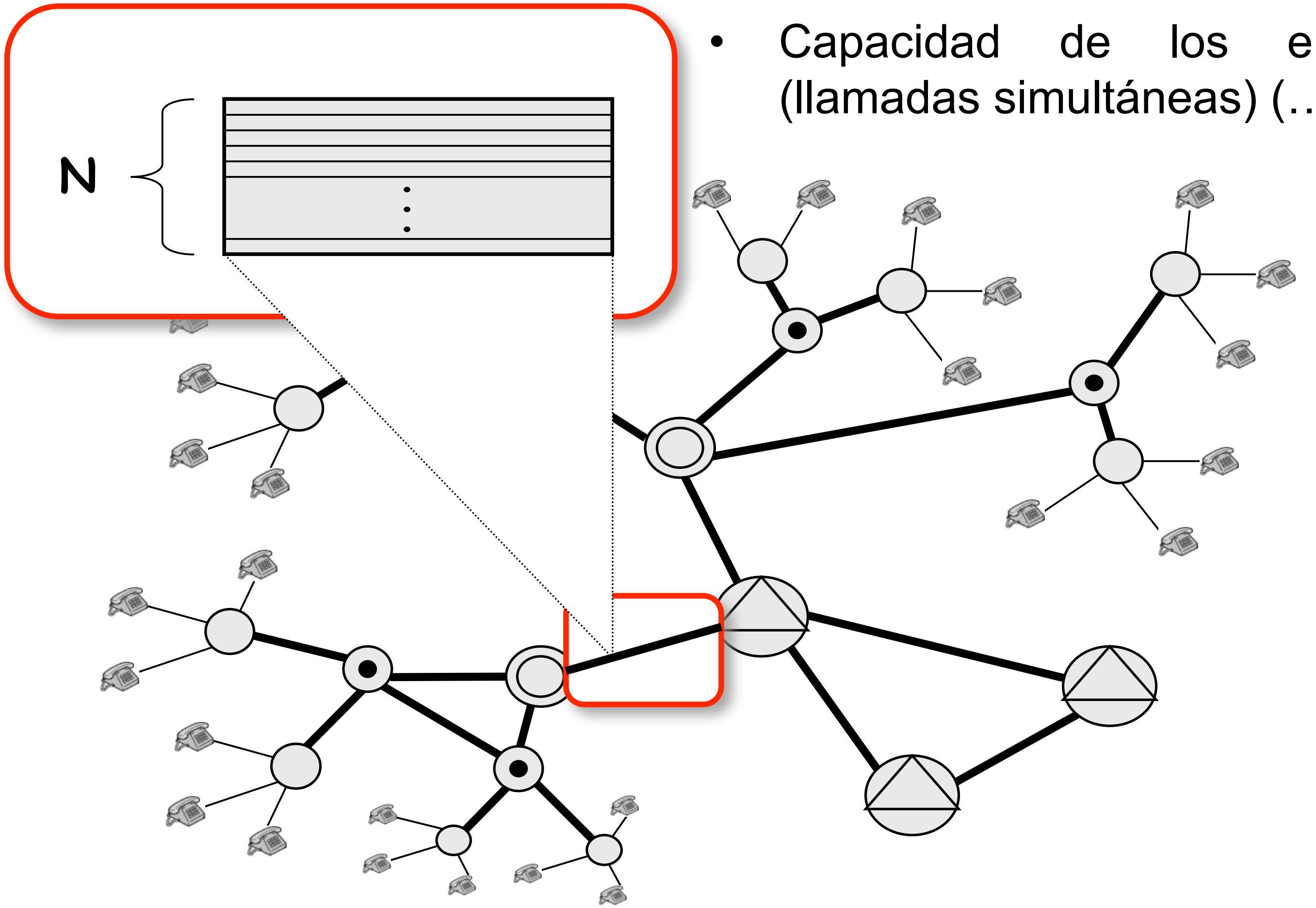
Objetivo: Diseño

- Normalmente equipamiento asume que no todos los usuarios requerirán servicio al mismo tiempo
- Diseñar la red (topología)
- Capacidad de conmutación interna de las centrales (bloqueo interno) (…)



Objetivo: Diseño

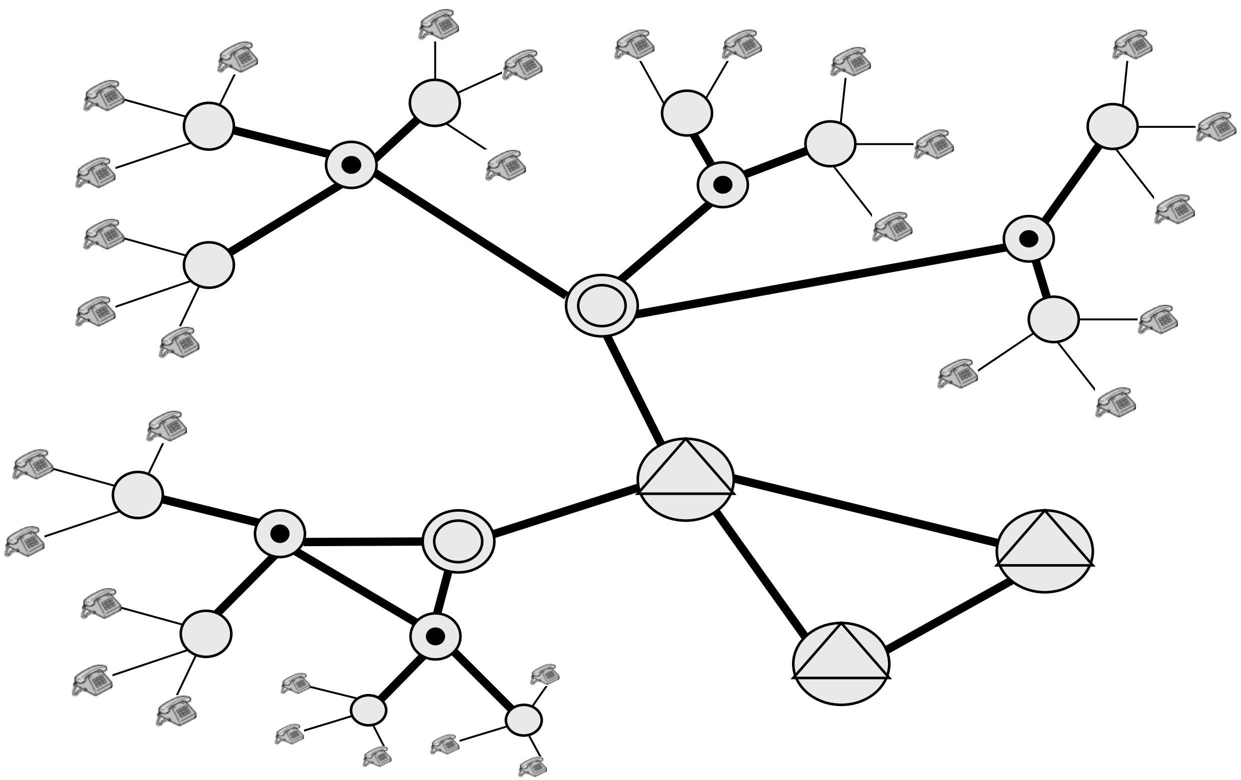
- Normalmente equipamiento asume que no todos los usuarios requerirán servicio al mismo tiempo
- Diseñar la red (topología)
- Capacidad de conmutación interna de las centrales (bloqueo interno) (…)
- Capacidad de los enlaces (llamadas simultáneas) (…)



Objetivo: Diseño

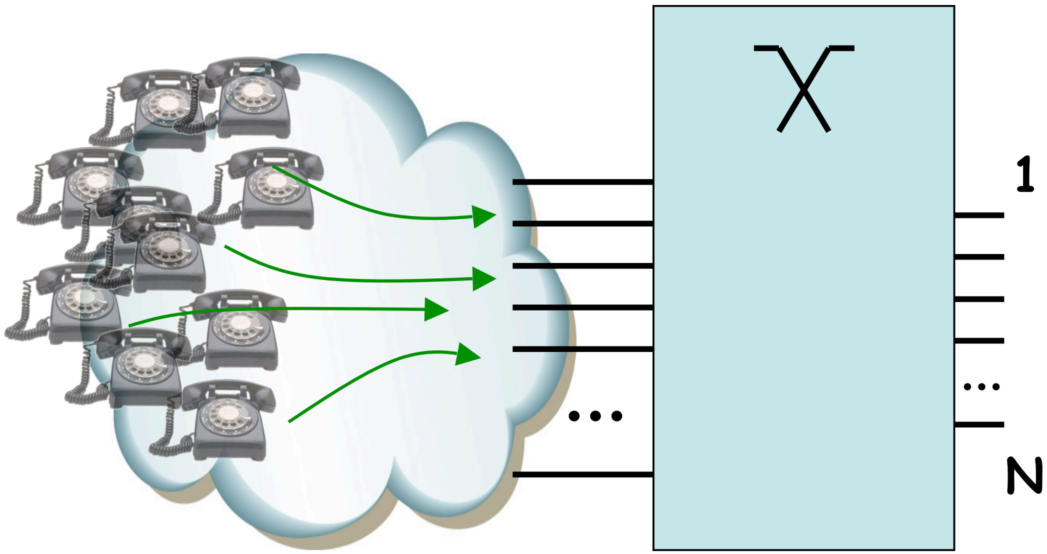
- Normalmente equipamiento asume que no todos los usuarios requerirán servicio al mismo tiempo

- Objetivos de calidad:
  - Ej: número de llamadas que no se pueden cursar
  - La calidad de las llamadas garantizada por la tecnología



Problema tipo a resolver

- Conmutador con líneas de entrada y de salida
- Entradas usuarios finales o troncales: lo que nos importará es la cantidad de llamadas que llegan al conmutador
- Salidas troncales (máximo N llamadas simultáneas salen)
- Decidir N para poder cursar las llamadas con una probabilidad de bloqueo objetivo
- o decidir la cantidad de llamadas que puede cursar para un N



Definiciones

Capacidad

- Recursos de un sistema para dar un servicio, número de líneas de salida…
- Ej: nuestra centralita tiene 5 líneas para llamadas salientes

Carga (Intensidad de trafico)

- Cantidad de servicio demandada al sistema, medida como cantidad de recursos necesarios en un determinado momento
- Ej: nuestra centralita tiene en media 3.2 llamadas salientes

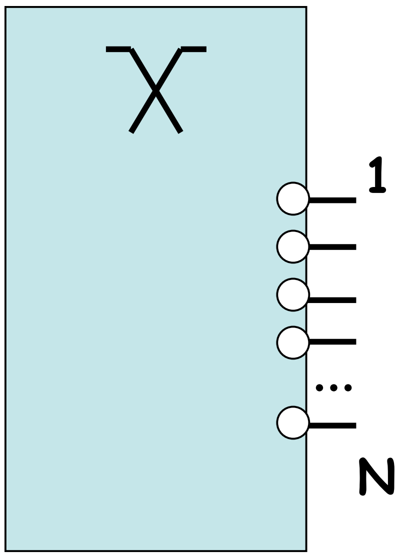
Calidad de servicio

- Medida del servicio obtenido del sistema
- Ej: nuestra centralita con las líneas de entrada que tenemos y la carga típica que soporta pierde menos del 0.1% de las llamadas

A continuación en más detalle…

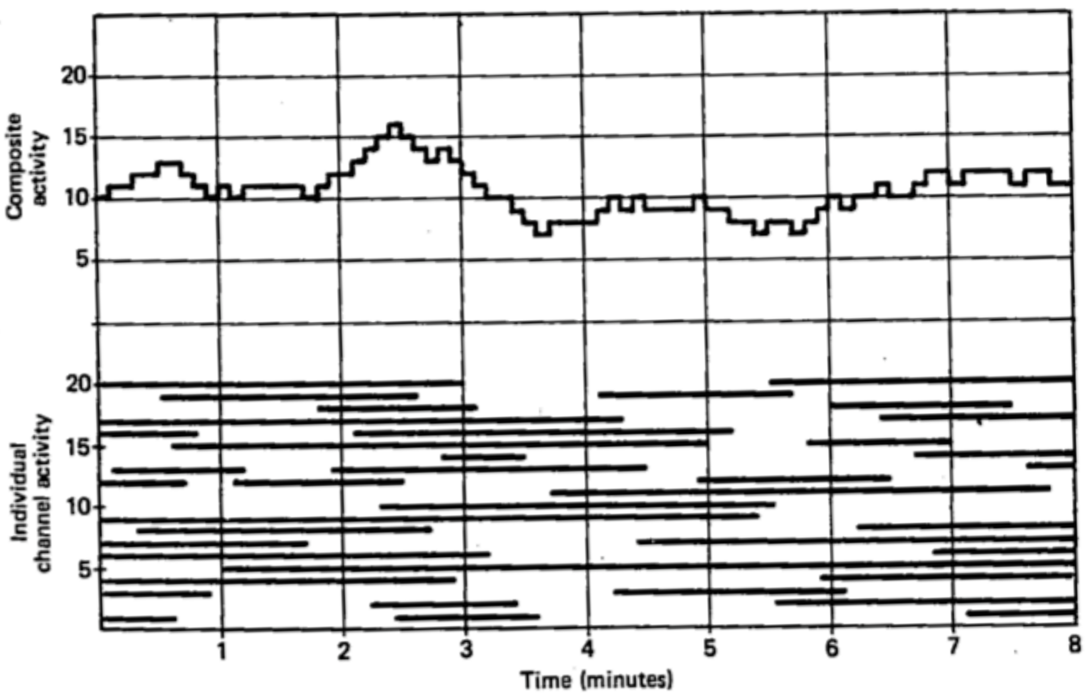
Capacidad

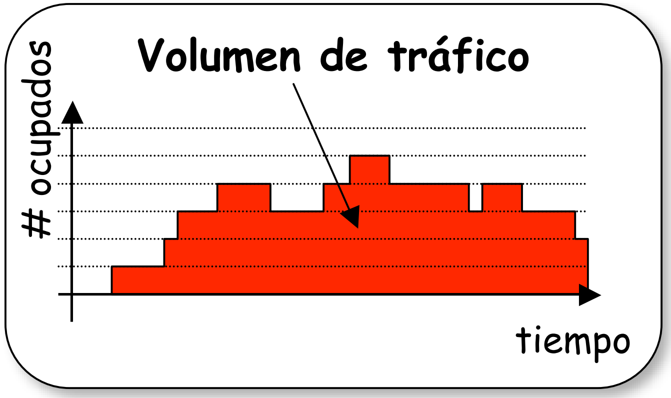
- Medida de la habilidad del sistema para proporcionar servicio
- Típicamente se mide como el número de servidores (líneas de salida, puertos de un conmutador…)
- Variable de diseño del sistema
- Proporcional al coste
  - Más capacidad = más coste y más calidad de servicio



Carga o Tráfico

- Medida de la demanda de servicio al sistema
- Agregación de todas las peticiones de servicio de los usuarios
- = recursos en uso del sistema bajo condiciones de servicio ideales
- **Variable aleatoria**
  - Peticiones de servicio llegan de forma aleatoria
  - Solicitan servicio durante una cantidad de tiempo no predecible
- Volumen de tráfico: suma de las duraciones de los servicios





Carga o Tráfico

- Depende de
  - Número de usuarios (n)
  - Tasa a la que generan llamadas (λ_i)
  - Duración de las llamadas (s)
- El servidor no distingue el efecto del *n* o de λ_i
  - Ej: 600 usuarios, cada uno con una petición por hora, es equivalente a 10 usuarios con una petición por minuto cada uno
- Se reduce a:
  - Tasa de generación de llamadas de todos los usuarios (λ)
  - Duración de las llamadas (s)
- El primer paso del análisis de tráfico es la caracterización de las llegadas de peticiones y la duración de las mismas

Medida del Tráfico

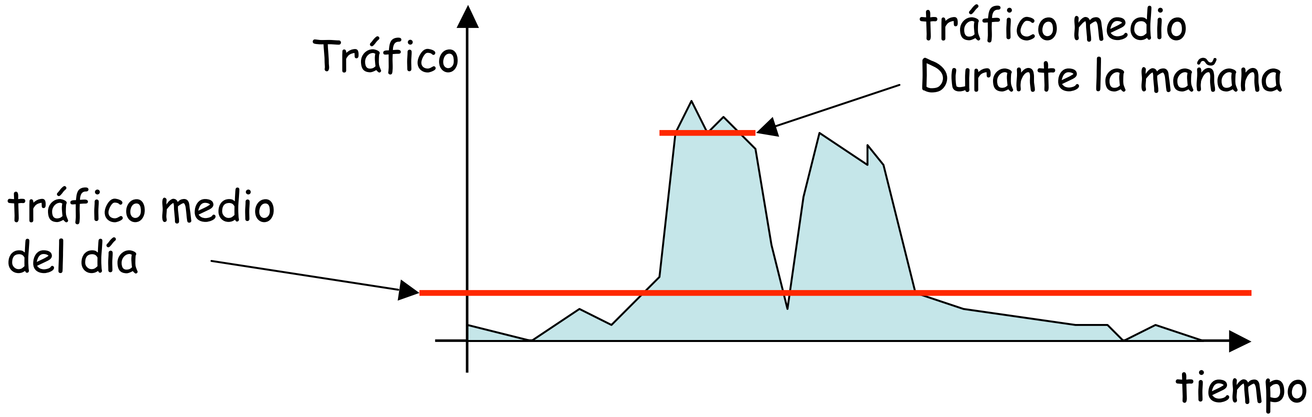
- Intensidad de tráfico

$$I = \frac{\text{Volumen de tráfico}}{\text{Tiempo de observación}} = \frac{\text{Tiempo acumulado de ocupación}}{\text{Tiempo de observación}}$$

- Sin unidades físicas. Se mide en *Erlangs (E) (Agner Krarup Erlang 1878-1929)*
- **1 Erlang** = el tráfico que mantiene ocupada completamente una línea durante el tiempo de observación
- Ejemplo:
  - 600 usuarios, cada uno en media hace 1 llamada por hora
  - El tiempo medio de duración de las llamadas es de 3 minutos
  - ¿Cuanto tráfico representan?
  - Tiempo observación: 60 minutos
  - T. acumulado de ocupación : 600llamadas x 3minutos/llamada = 1800min
  - 1800/60 = 30 Erlangs
  - ¿Significa esto que necesitamos 30 líneas?

Medida del Tráfico

- Normalmente la intensidad del tráfico varía con el tiempo (no es un proceso estocástico estacionario) pero se puede considerar estable en un tiempo limitado



- En telefonía se caracteriza por horas
- Varía entre meses, entre días y entre horas del mismo día (y dentro de la hora)
- Suele haber patrones semanales
- Días de fiesta, el clima, etc. afectan al patrón

Hora cargada ("busy hour")

- Periodo de 60 minutos consecutivos durante los cuales el volumen de tráfico es máximo
- Los análisis para dimensionamiento de equipos se efectúan siempre sobre la **hora cargada**
- Para determinarla se toman medidas en **intervalos de 15min** y entonces es el periodo de tiempo de 4 intervalos consecutivos con mayor volumen de tráfico
- Se calcula la hora cargada en un periodo largo (unas semanas) en la época del año de mayor tráfico
- Diferentes patrones usuarios residenciales y empresariales
- No es el volumen de tráfico mayor del año (nochevieja, día de la madre,…) pues llevaría a un sobredimensionamiento para la mayor parte del tiempo
- 1 teléfono en hora cargada approx. 0.05-0.1 E y 3-4min duración

Calidad de servicio

- Medida de la bondad del servicio proporcionado
- En telefonía:
  - Probabilidad de bloqueo = probabilidad de que el sistema no pueda aceptar una llamada entrante.

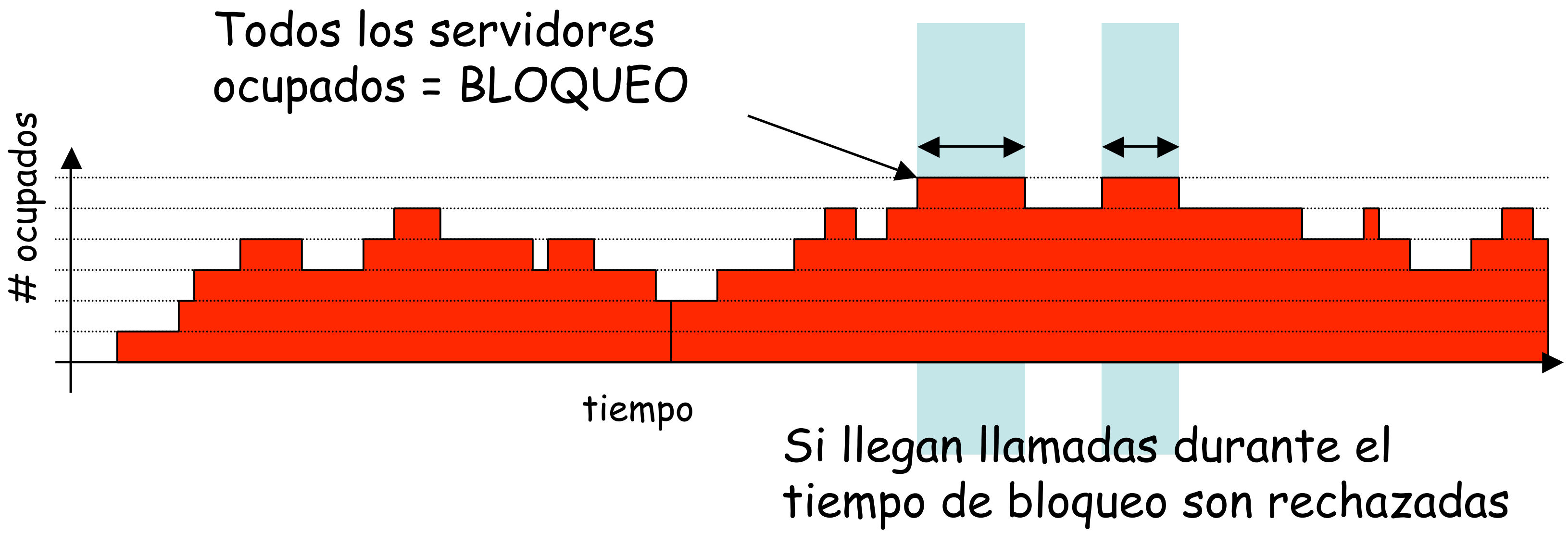
  En ese caso:
  - Se descarta: La llamada es rechazada y el usuario a veces no puede hacer una llamada → Menos calidad de servicio (*congestion theory*)
  - Se hace esperar la llamada hasta que se libere un servidor: El usuario a veces ve que sus llamadas tardan más en establecerse → Menos calidad de servicio (*queueing theory*)
- Requisito de diseño del sistema: probabilidad de bloqueo objetivo y dimensionar la capacidad para conseguirla
- Se suele distinguir:
  - Sistema en **situación de Bloqueo**

    Todos los recursos están ocupados y una llamada nueva que llegue será rechazada
  - Sistema en **situación de Congestión**

    Se han empezado a rechazar llamadas

Tráfico ofrecido vs cursado

- Tráfico ofrecido: el tráfico total que sería cursado por una red que pudiera dar servicio a todas las peticiones
- Diseño (por economía) hace que en ciertas situaciones no se pueda cursar todo el tráfico (llamadas bloqueadas)
- Asumiremos que las llamadas bloqueadas se "pierden" (no hay reintento)
- El tráfico cursado es siempre menor o igual al ofrecido



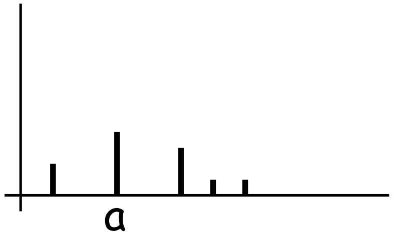
Modelando la carga

Variable aleatoria (V)

- No tiene un valor sino que describe el resultado de un experimento aleatorio
- Se caracteriza por la descripción de los posibles resultados que puede tomar en términos de probabilidad
- **Función de distribución / densidad de probabilidad**

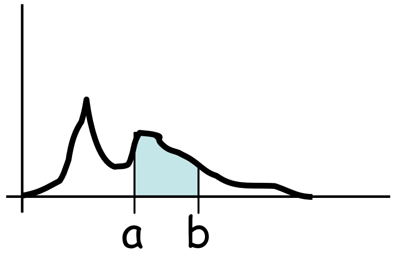
Variable discreta

$$p(a) = P[V = a]$$



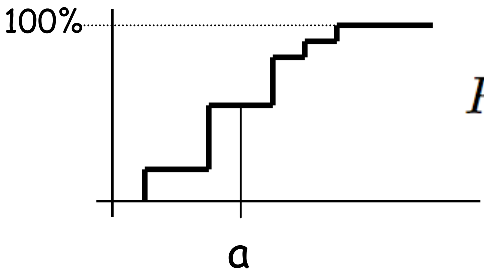
Variable continua

$$P[a < V < b] = \int_a^b p(t)dt$$



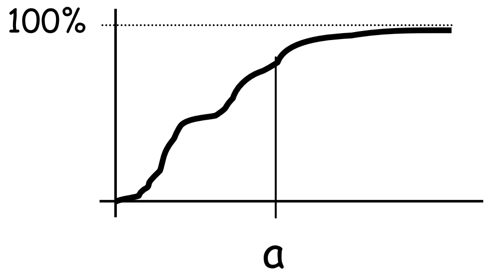
- **Función acumulada de probabilidad / distribución**

Variable discreta



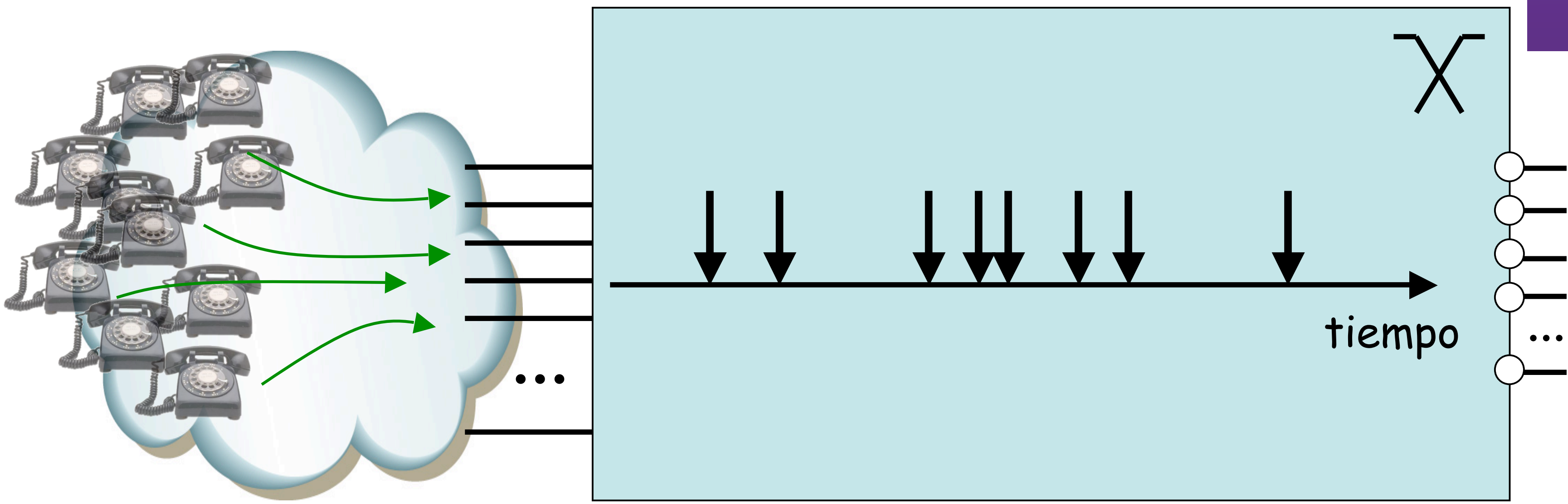
$$P[V \leq a] = F(a)$$

Variable continua



Proceso de llegadas

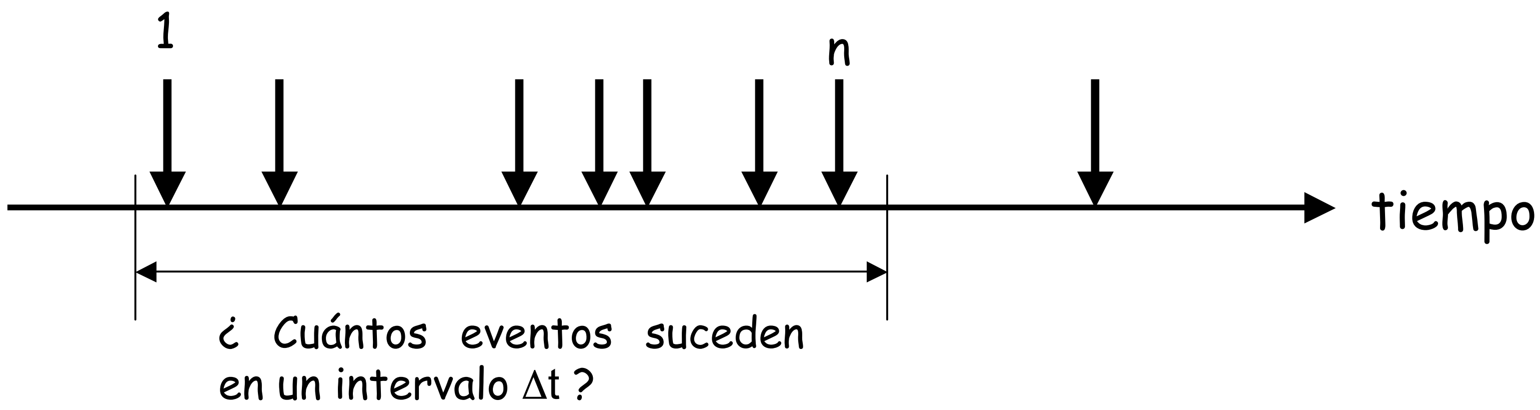
- Hipótesis fundamental en teoría clásica: llegadas independientes
- Tasa media de llegadas de llamadas de una gran población de fuentes (usuarios) independientes: λ



Número de llegadas

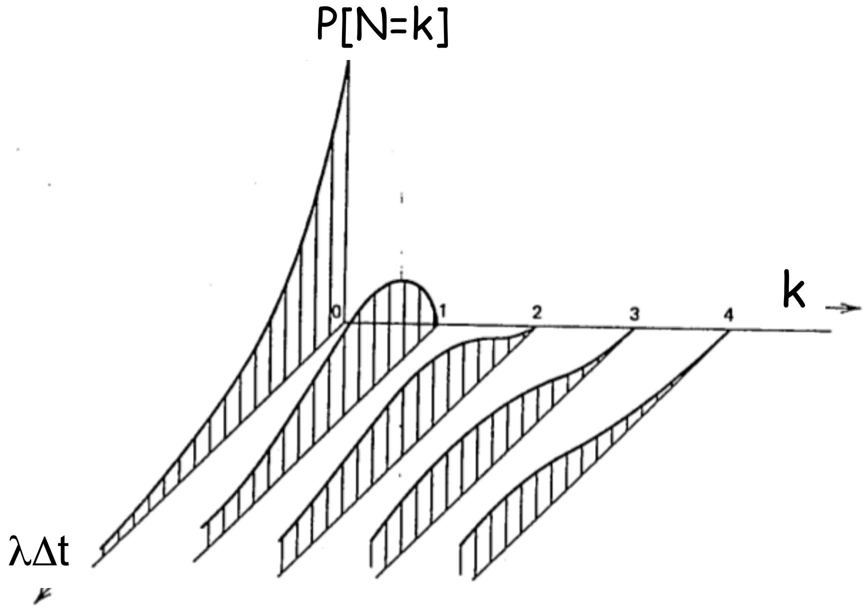
- Hipótesis:
  - En un intervalo suficientemente pequeño solo puede producirse una llegada
  - La probabilidad de una llegada en un intervalo suficientemente pequeño es directamente proporcional a la longitud del mismo (probabilidad $\lambda\Delta t$)
  - La probabilidad de una llegada en un intervalo es independiente de lo que suceda en otros intervalos
- Se demuestra que el número de llegadas en un intervalo sigue una distribución de Poisson

$$P_{\lambda\Delta t}[N=k]=\frac{(\lambda\Delta t)^k}{k!}e^{-\lambda\Delta t}$$



Distribución de Poisson

$$P[N=k]=\frac{(\lambda\Delta t)^k}{k!}e^{-\lambda\Delta t}$$



- Es una función de distribución:

$$\sum_{k=0}^{\infty}P[N=k]=\left(1+\lambda\Delta t+\frac{(\lambda\Delta t)^2}{2}+\frac{(\lambda\Delta t)^3}{6}+\ldots\right)e^{-\lambda\Delta t}=e^{\lambda\Delta t}e^{-\lambda\Delta t}=1$$

- Su valor medio es $\lambda\Delta t$:

$$\overline{N}=E[N]=\sum_{k=0}^{\infty}kP[N=k]=\left(0+\lambda\Delta t+(\lambda\Delta t)^2+\frac{(\lambda\Delta t)^3}{2}+\frac{(\lambda\Delta t)^4}{6}\ldots\right)e^{-\lambda\Delta t}=\lambda\Delta t e^{\lambda\Delta t}e^{-\lambda\Delta t}=\lambda\Delta t$$

Tiempos entre llegadas

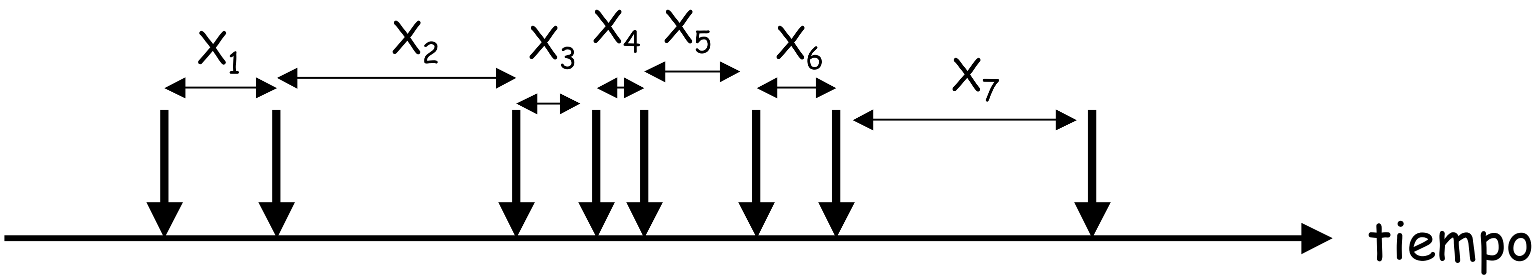
- Se demuestra que: si el número de eventos que ocurren en un intervalo sigue una distribución de Poisson los tiempos entre llegadas de eventos siguen una distribución exponencial
- El tiempo entre llegadas sigue una v.a. exponencial de parámetro λ
- X_i variables aleatorias independientes e idénticamente distribuidas (i.i.d.) (‘X’)

$$\boxed{p_X(t) = \lambda e^{-\lambda t} \quad \text{(t>0)}}$$

$$P[X < t] = 1 - e^{-\lambda t}$$

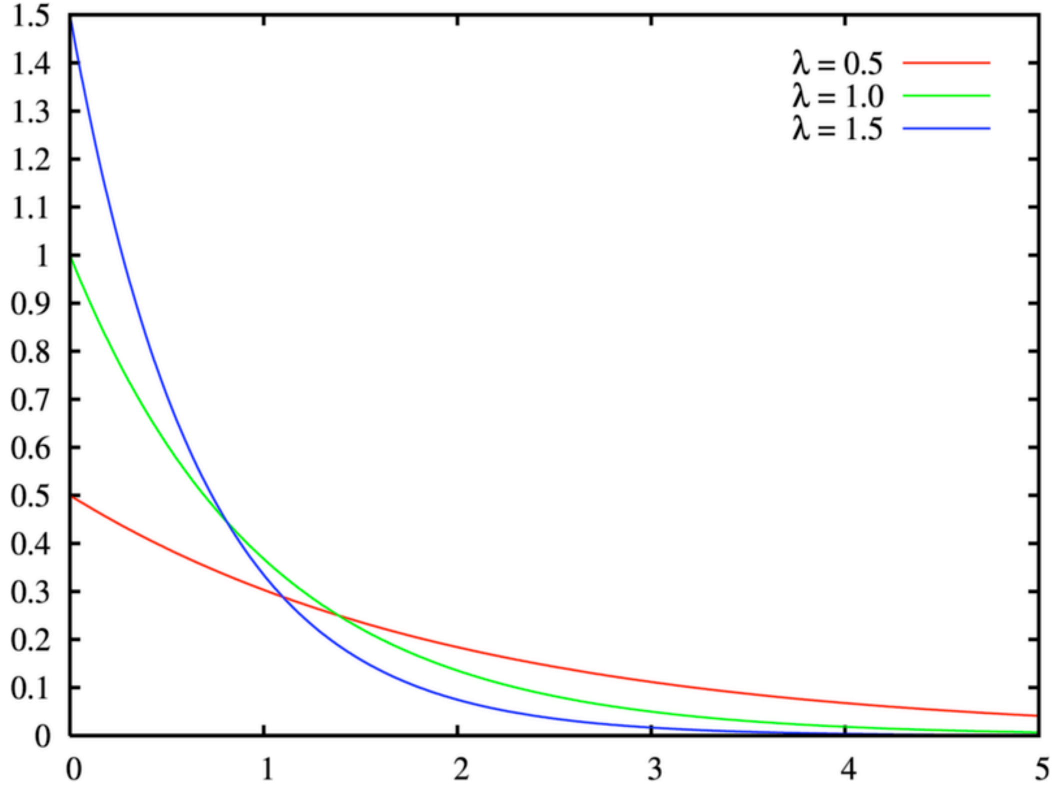
- Media: $E[X] = \int_0^\infty t\lambda e^{-\lambda t} = 1/\lambda$

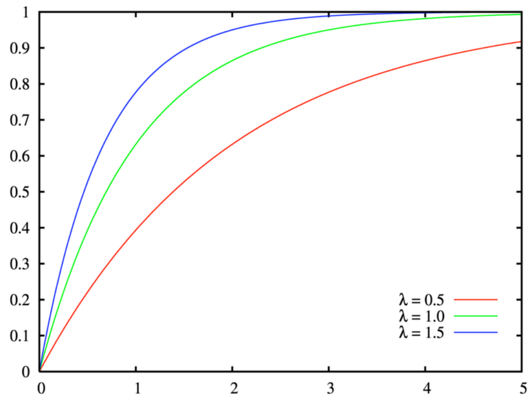
- Tiempo medio entre llegadas 1/λ ⇒ en media λ llegadas por segundo



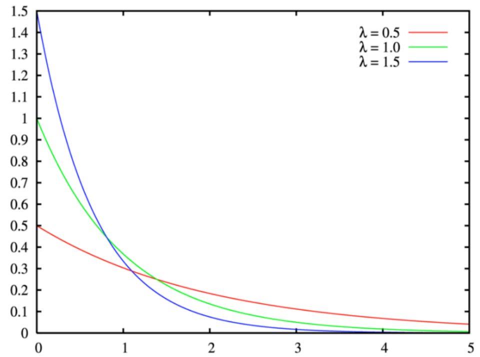
ARQUITECTURA DE REDES, SISTEMAS Y SERVICIOS
Área de Ingeniería Telemática

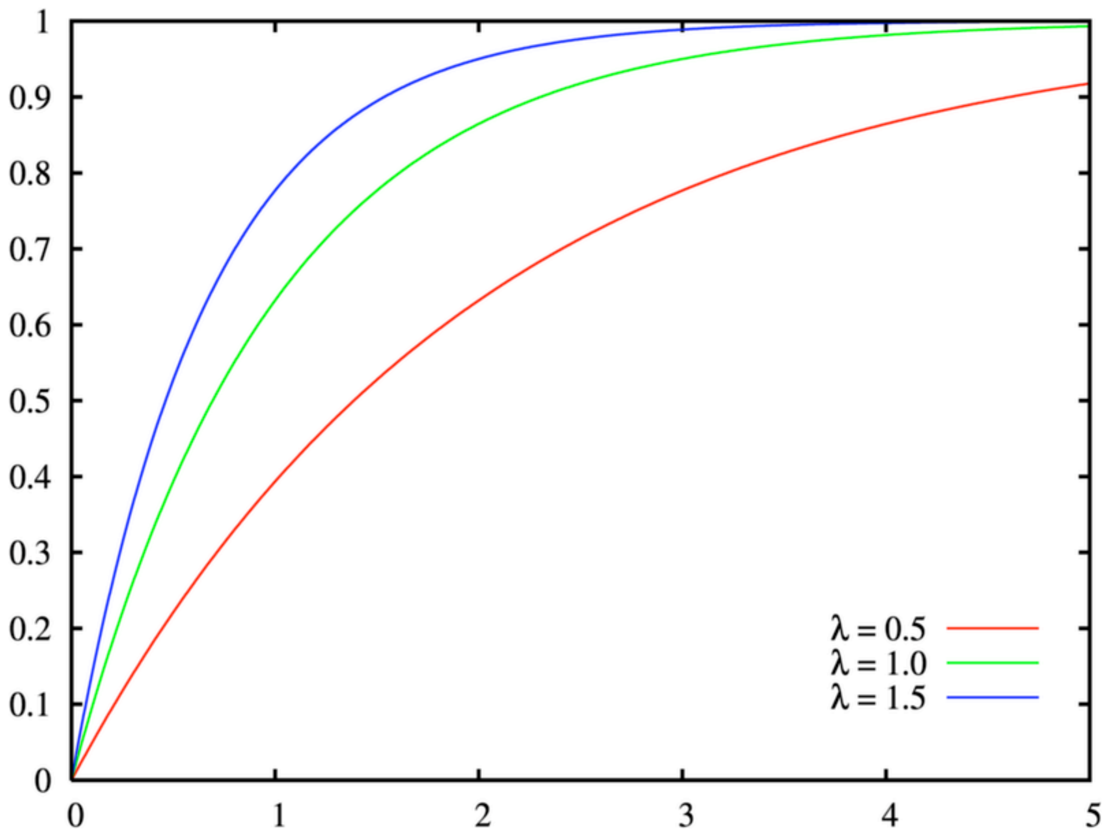
Ejemplo





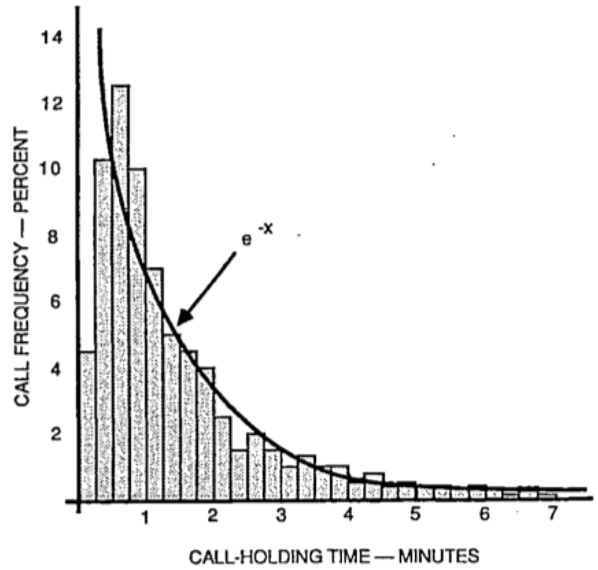
Ejemplo


1.5
1.4
1.3
1.2
1.1
1
0.9
0.8
0.7
0.6
0.5
0.4
0.3
0.2
0.1
0
0
1
2
3
4
5
λ = 0.5
λ = 1.0
λ = 1.5


1
0.9
0.8
0.7
0.6
0.5
0.4
0.3
0.2
0.1
0
0
1
2
3
4
5
λ = 0.5
λ = 1.0
λ = 1.5

Tiempo de ocupación

- Duración de las llamadas
- Lo más simple: tiempo constante
  - Poco realista para llamadas
  - Actividades automáticas: reproducción de mensajes, procesado de señalización, etc.
- Tiempo exponencial
  - Variables aleatorias (continuas) ‘s_i’
  - i.i.d. (‘s’)
  - Tiempos menores de la media muy comunes
  - Cada vez menos comunes tiempos mayores que la media
  - Propiedad: el tiempo restante de una llamada es independiente de lo que haya durado hasta ahora
- Duración exponencial: ‘s’ caracterizada por su función de densidad



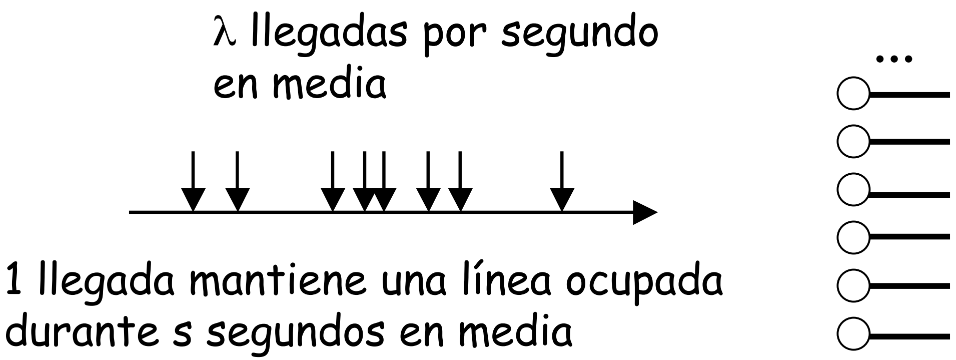
$$p_s(t) = \mu e^{-\mu t} \qquad (t>0)$$

$$\int_0^{\infty} \mu e^{-\mu t} = 1$$ es una fdp

$$\bar{s} = E[s] = 1/\mu$$

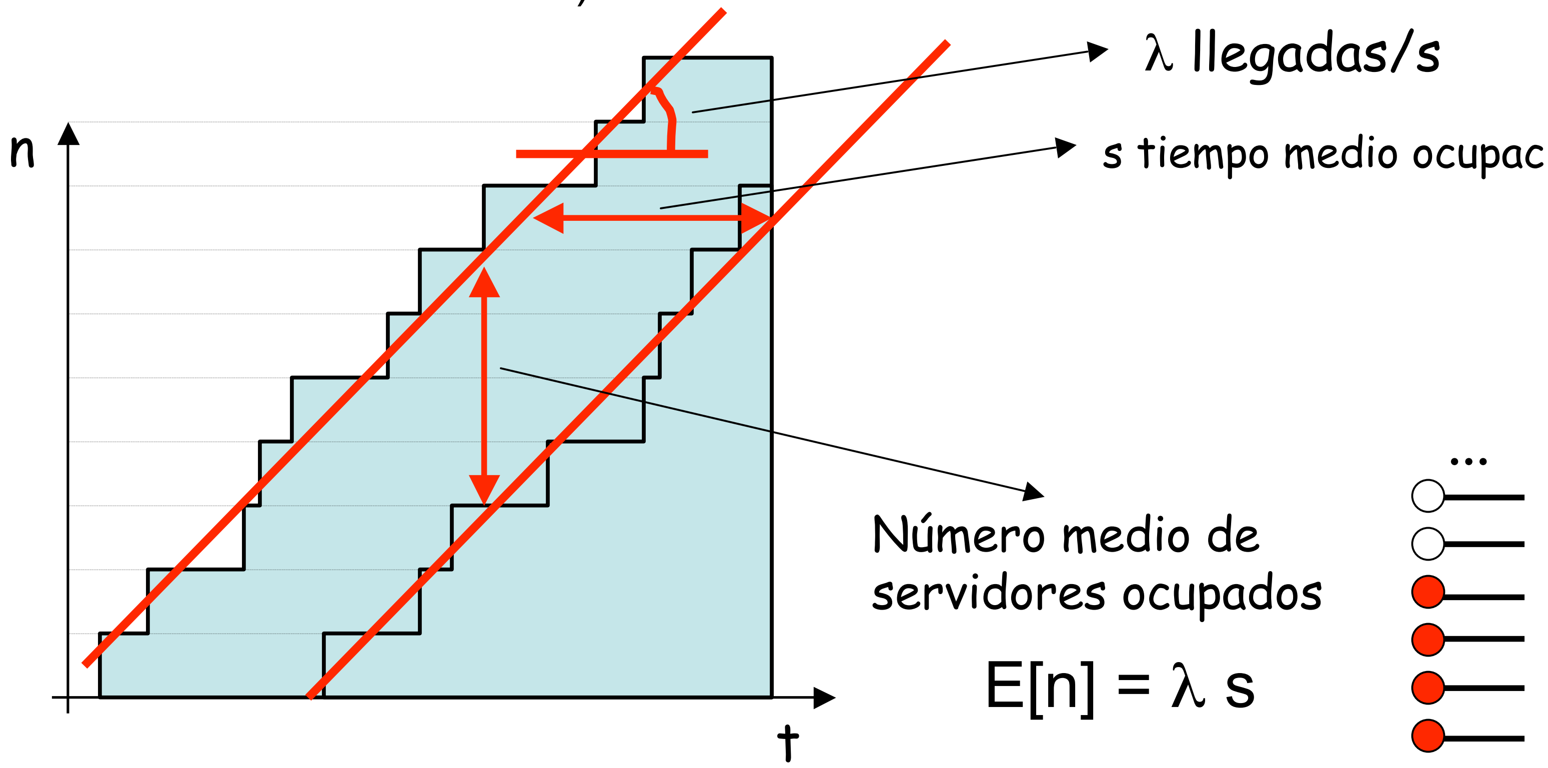
Intensidad de trafico

- Infinitas líneas
- Llamadas que se generan con una tasa media λ
- Tiempo medio de duración s
- ¿ Intensidad de tráfico que representan ?



Intensidad de trafico

- $E[n] = \lambda s$
- Esto es conocido como la Fórmula de Little
- λs
  - Es el tráfico medido en Erlangs
  - Equivalente al número de recursos que se ocuparían en el sistema con esa carga si el sistema tuviera infinitos recursos (condiciones de servicio ideales)



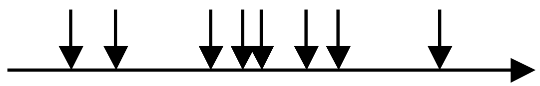
Número de líneas ocupadas

- Hipótesis:
  - Llamadas proceso de **Poisson** con tasa λ
  - Solicitudes de servicio de duración **constante** ‘s’
- ¿ Número de líneas ocupadas en un instante cualquiera ?
  - Es una variable aleatoria
  - La probabilidad de que ‘j’ líneas estén ocupadas en un instante es la probabilidad de ‘j’ llegadas en el intervalo previo de duración ‘s’
  - Depende solo de la intensidad de tráfico λs, que es la media de esta variable (A = λs)
  - Resulta ser válido independiente de la distribución de ‘s’ (sin demostración)

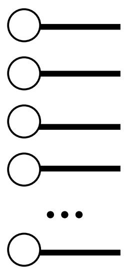
Intensidad de tráfico

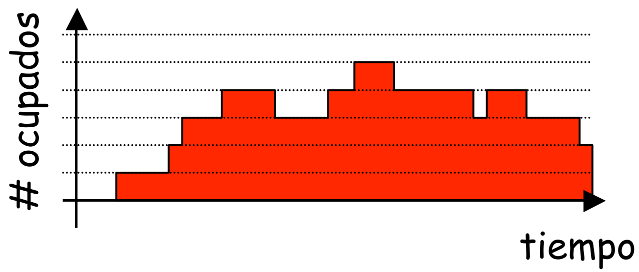
$$P_{\lambda s}[N = j] = \frac{(\lambda s)^j}{k!} e^{-\lambda s}$$

λ Llegadas por segundo



1 llegada mantiene una línea ocupada durante s segundos



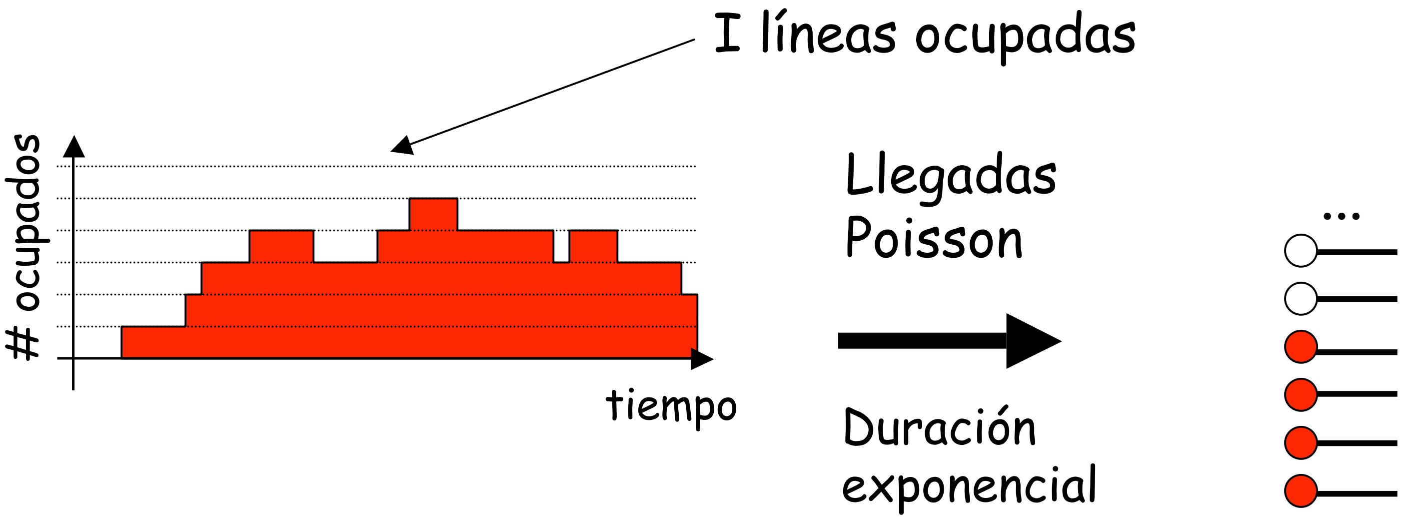


Recursos finitos

- Normalmente dispondremos de recursos finitos (capacidad)
- Problemas de interés
  - ¿ Cuál es la probabilidad de que una llamada encuentre el sistema ocupado ?
  - ¿ Cuál es el número de líneas necesarias para una probabilidad objetivo ?
  - ¿ Cuál es el tráfico que atraviesa ese sistema y forma la carga del siguiente sistema ?

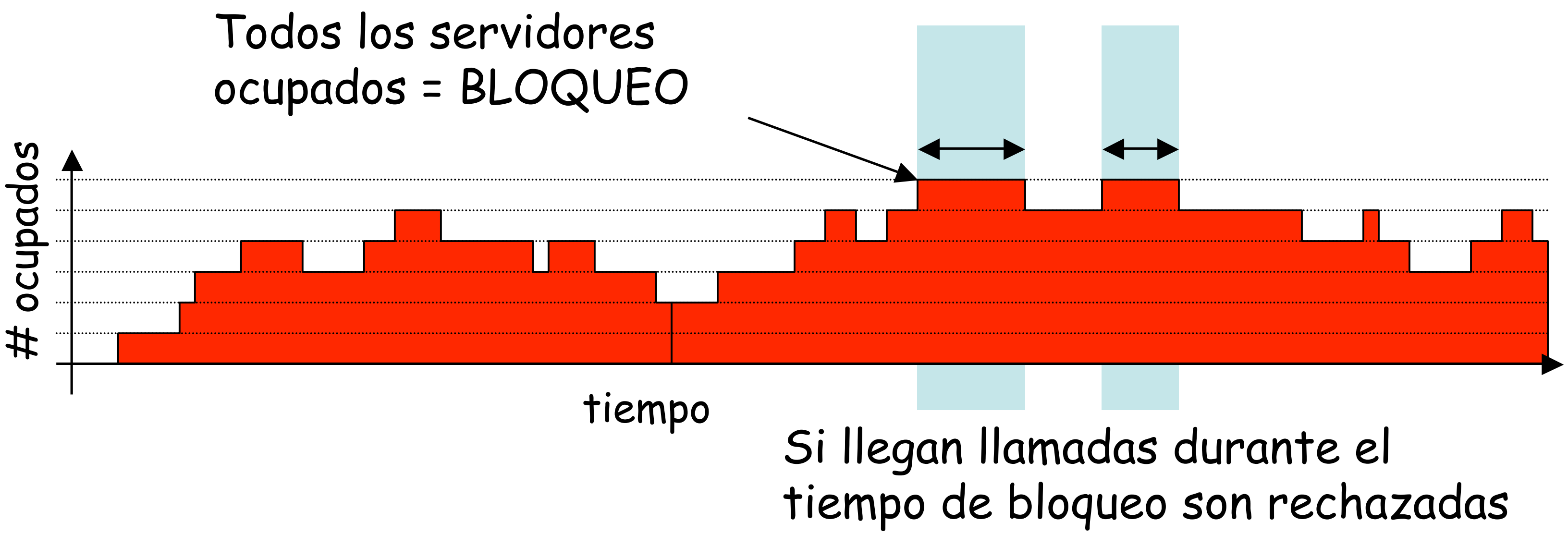
Probabilidad de bloqueo

- Llegadas según proceso de Poisson de tasa λ
- Duración exponencial de media s
- Variable aleatoria (o más bien proceso aleatorio)
  - `I` número de servidores ocupados en cada instante de tiempo
  - La intensidad de tráfico es E[`I`] = A = λs



Probabilidad de bloqueo

- Cuando la variable `I` toma valor = número de servidores el sistema está en BLOQUEO
- ¿ Cuál es la probabilidad de que el sistema esté en situación de bloqueo ?



Probabilidad de bloqueo

- En un sistema con
  - Llegadas Poisson(λ)
  - Duraciones Exp(1/s)
  - Tráfico de entrada A = λs
  - k servidores
  - Las llamadas que llegan al sistema bloqueado se pierden
  - Probabilidad de bloqueo: ¿Cuál es P[I=n]? (…)
- P[I=n] = B(a,k)
- B(a,k) es conocida como función B de Erlang (o ErlangB)

B de Erlang

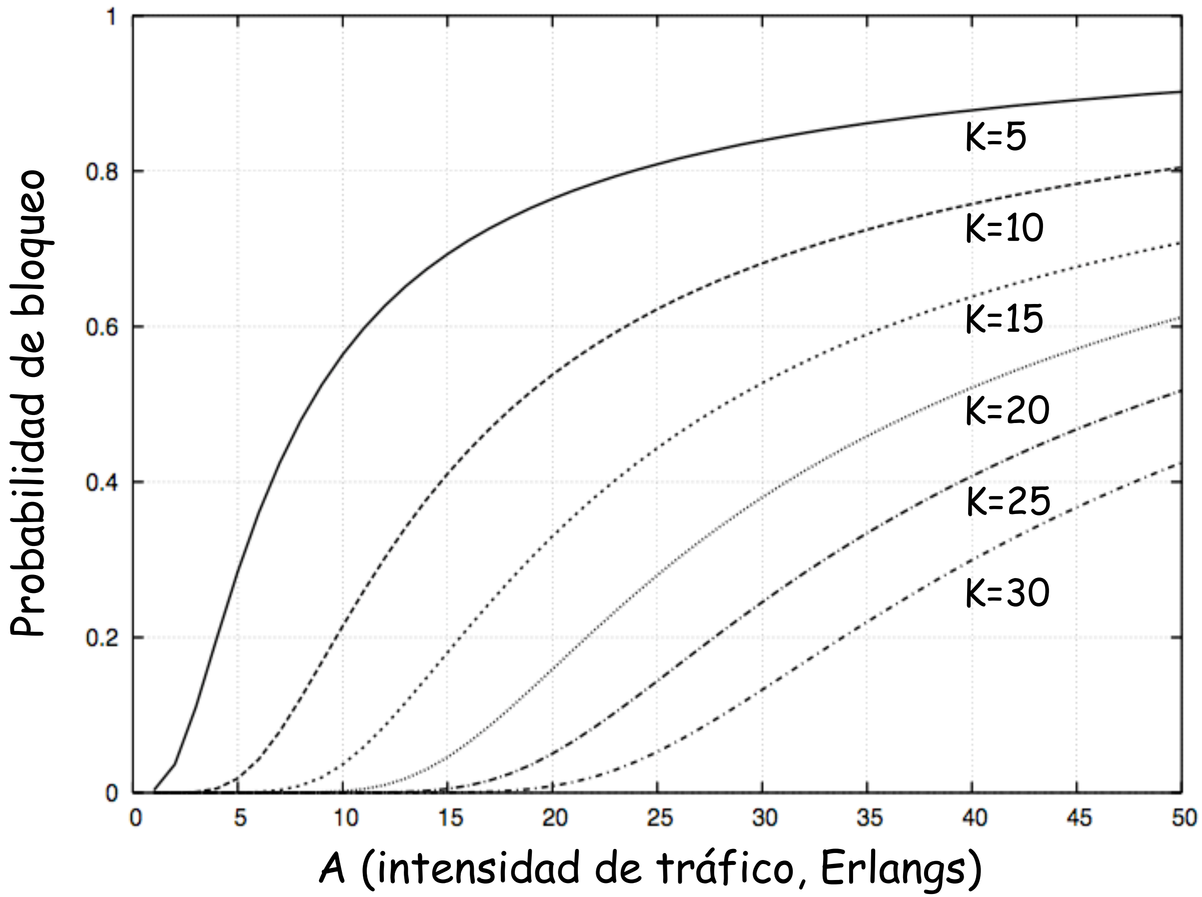
- Fórmula:

$$B(A,k) = \frac{\frac{A^k}{k!}}{\sum_{i=0}^{k} A^i/i!}$$

- Cálculo recursivo:

$$B(A,0) = 1$$

$$B(A,j) = \frac{A \cdot B(A,j-1)}{A \cdot B(A,j-1) + j}$$



Tráfico cursado

- Si un conjunto k de líneas tiene un tráfico ofrecido de I erlangs y una probabilidad de bloqueo, ¿cuánto tráfico atraviesa las líneas?

  Esto será el **tráfico cursado** y será a su vez el tráfico ofrecido al siguiente sistema al que lleguen las líneas

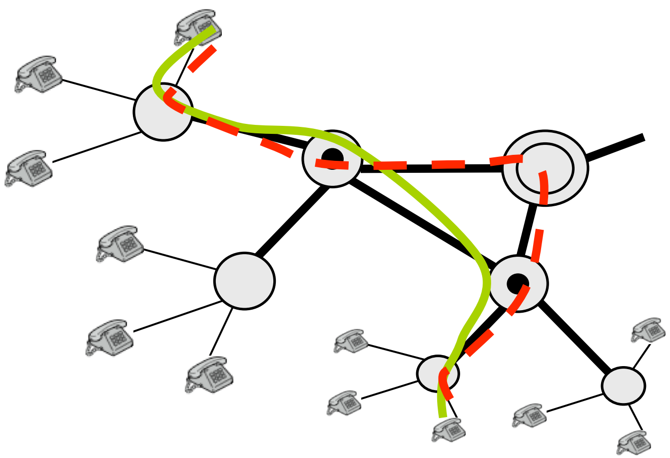
  $$I_c = I_{in}(1 - P_b) = I_{in}(1 - B(I_{in}, k))$$

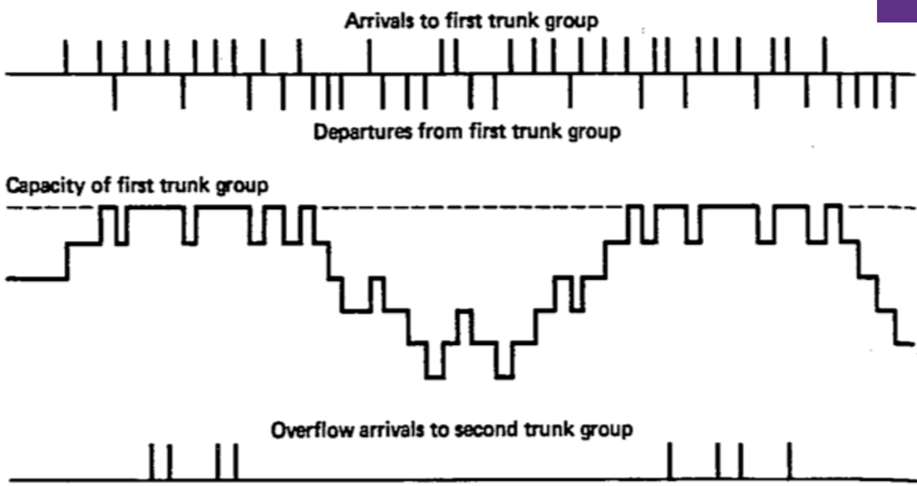
  I_c : tráfico cursado

  I_{in} : tráfico ofrecido o de entrada

Tráfico de desbordamiento

- No puede ser cursado por el camino principal (por bloqueo)
- Se “desborda” (overflow) a una ruta secundaria
- Un proceso de Poisson del que se eliminan aleatoriamente (iid) muestras con probabilidad p sigue siendo un proceso de Poisson, pero con menor tasa ($p\lambda$)
- En nuestro caso las llamadas desbordadas suelen ir en bloques
- Eso da mayores probabilidades de bloqueo que con un proceso de Poisson de igual media
- Se aproxima con un proceso de Poisson de mayor tasa
- (En los problemas en caso de no disponer de las tablas emplearemos Poisson de igual tasa, aunque esto es subdimensionar)





Mayor complejidad

- *¿ Qué ocurre si las llamadas se retienen hasta que sean atendidas ?*

  Teoría de colas (función C de Erlang)

- *¿ Qué ocurre si tenemos en cuenta que hay un número finito (y conocido) de usuarios ?*

  Fórmula de Engset

Preguntas pendientes

- *¿Y en el caso de conmutación de paquetes?*
  - Teoría de colas
  - Problemas más complicados
  - Peores aproximaciones
  - Mayor número de problemas sin resolver

Redes Sistemas y Servicios (5º curso)

Conclusiones

- El tráfico telefónico se modela mediante procesos de llegadas de Poisson y duraciones exponenciales
- La probabilidad de bloqueo se calcula mediante la B de Erlang